

**Сосуд стальной сварной: баллон высокого давления**

**из стали**

**для огнетушителя порошкового**

**Расчет на прочность**

**РП 001.ОП-8(б)-АВСЕ-01Ш**



*— Капитан Р.С.*

## **Оглавление**

1. ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ .....	3
2. ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ .....	4
3. ФИЗИКО-МЕХАНИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА МАТЕРИАЛОВ И НОМИНАЛЬНЫЕ ДОПУСКАЕМЫЕ НАПРЯЖЕНИЯ.....	5
4. МЕТОДИКА РАСЧЕТА.....	6
5. РАСЧЕТ НА СТАТИЧЕСКУЮ ПРОЧНОСТЬ.....	11
6. ЗАКЛЮЧЕНИЕ.....	15

# 1. ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ

Расчет на статическую прочность сосуда стального сварного: баллона высокого давления из стали (далее «сосуд») выполнен на основании технической документации ГОСТ 34347-2017 «Сосуды и аппараты стальные сварные. Общие технические условия».

Расчет выполнен с применением ГОСТ Р 52857.1-2007 «Сосуды и аппараты. Нормы и методы расчета на прочность. Общие требования».

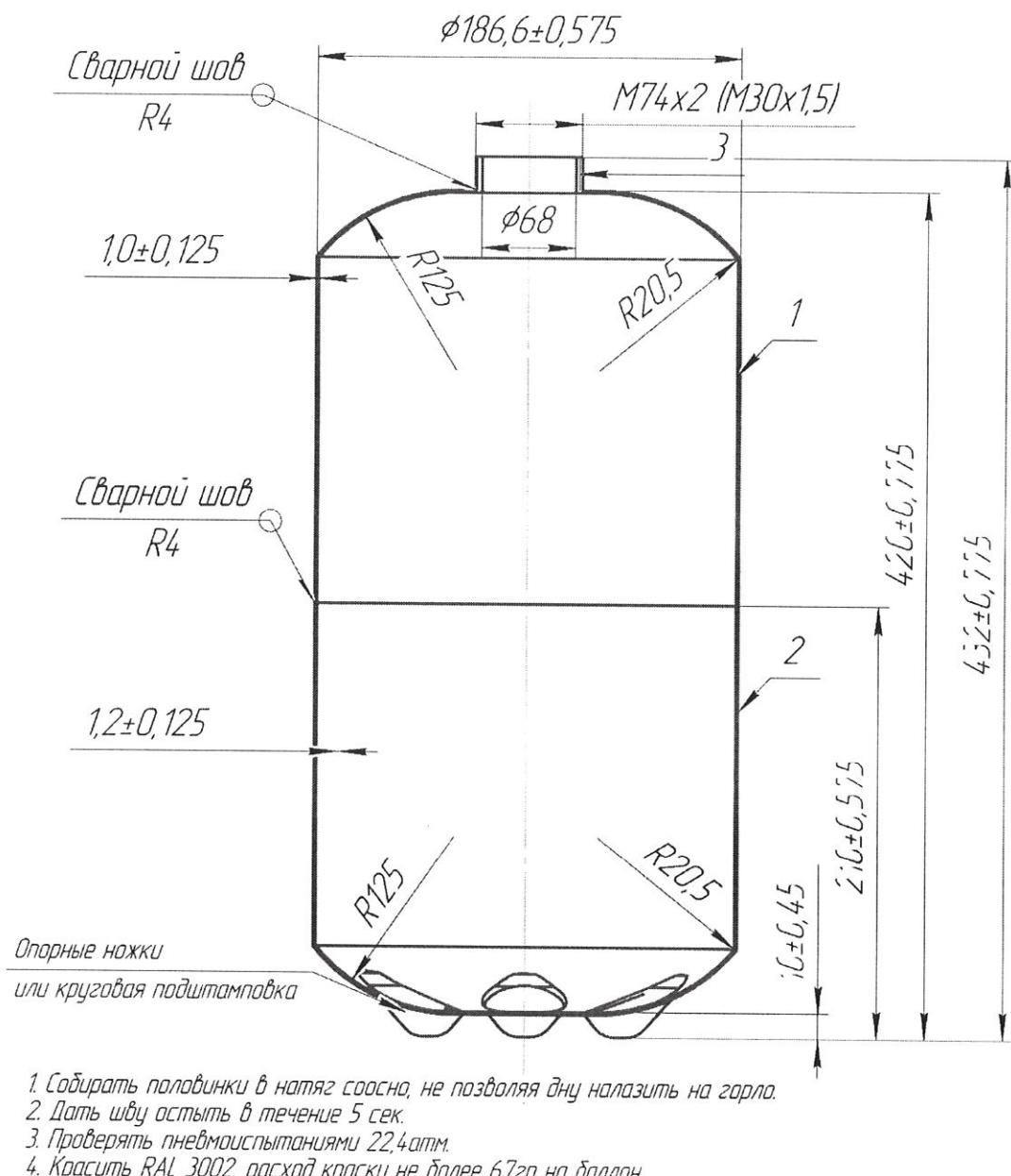


Рис.1.1 – Общий вид сосуда

## 2. ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ

Расчетные параметры:

Таблица 1

Изделие	Класс давления	Номинальное давление $P_p$ , МПа	Расчетная температура $T_p$ , $^{\circ}\text{C}$
Сосуд	PN16	1,6	50.0

2.2 Расчет выполнен методом конечных элементов в трёхмерной постановке.

2.3 Оценка статической прочности выполнена для двух расчетных состояний (р/с):

- р/с №1 – номинальное давление – 1,6 МПа;
- р/с №2 – давление испытаний – 2,2 МПа;

2.4 Нагрузки, учтенные при оценке статической прочности:

- внутреннее давление.

### **3. ФИЗИКО-МЕХАНИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА МАТЕРИАЛОВ И НОМИНАЛЬНЫЕ ДОПУСКАЕМЫЕ НАПРЯЖЕНИЯ**

3.1 Номинальные допускаемые напряжения для корпусных деталей определены в соответствии с разделом 8 ГОСТ 34233.1-2017 (п. 8.1):

рабочие условия:  $[\sigma] = \eta \times \min(R_m/2.4; R_{p0.2}/1.5)$ ;

условия испытания:  $[\sigma]_h = \eta \times R_{p0.2}/1.1$ ;

где  $\eta$  - поправочный коэффициент, для стальных отливок, не подвергающихся индивидуальному контролю неразрушающими методами,  $\eta = 0.7$ ;

$R_m$  – минимальное значение временного сопротивления;

$R_{p0.2}$  – минимальное значение предела текучести.

3.2 Характеристики материалов и допускаемые напряжения:

Таблица 2

Наименование детали	Марка материала	Характеристики и напряжения, Мпа	
		$R_m$ , МПа	$R_{p0.2}$ , МПа
Корпус	08Ю	$R_m$ , МПа	255
		$R_{p0.2}$ , МПа	205
		$E \times 10^{-3}$ , МПа	203

## 4. МЕТОДИКА РАСЧЕТА

ANSYS — универсальная программная система конечно-элементного (МКЭ) анализа. ANSYS аттестован в ГОСАТОМНАДЗОРЕ России (Регистрационный номер ПС в ЦОЭП при РНЦ КИ №490 от 10.09.2002); (Регистрационный номер паспорта аттестации ПС №145 от 31.10.2002), а также выдано свидетельство РААСН о верификации ANSYS № 02/ANSYS/2009.

Расчет, выполняемый программой ANSYS, основан на классических инженерных представлениях и концепциях. При помощи численных методов эти концепции могут быть сформулированы в виде матричных уравнений, которые наиболее пригодны для конечно-элементных приложений.

Совокупность дискретных областей (элементов), связанных между собой в конечном числе точек (узлов), представляет собой математическую модель системы, поведение которой нужно анализировать. Основными неизвестными являются степени свободы узлов конечно-элементной модели. К степеням свободы относятся перемещения, повороты, температуры, давления, скорости, потенциалы электрических или магнитных полей; их конкретное содержание определяется типом элемента, который связан с данным узлом. В соответствии со степенями свободы для каждого элемента модели формируются матрицы масс, жесткости (или теплопроводности) и сопротивления (или удельной теплоемкости). Эти матрицы приводят к системам совместных уравнений, которые обрабатываются так называемыми “решателями”.

Для материалов с линейными свойствами напряжения связаны с деформациями соотношением:

$$\{\sigma\} = [D] \{\varepsilon_{el}\}, \quad (1-1)$$

где  $\{\sigma\} = [\sigma_x \ \sigma_y \ \sigma_z \ \sigma_{xy} \ \sigma_{yz} \ \sigma_{xz}]^T$  - вектор напряжений (как выходная величина помечается меткой S);

[D] – матрица упругости (описывается уравнениями (1-18) ...

(1-3), обратная матрица записывается в виде (1-4) и (1-5);

$\{\varepsilon_{el}\} = \{\varepsilon\} - \{\varepsilon_{th}\}$  - выходной массив;

$\{\varepsilon\} = [\varepsilon_x \ \varepsilon_y \ \varepsilon_z \ \varepsilon_{xy} \ \varepsilon_{xz} \ \varepsilon_{yz}]^T$  - вектор полной (суммарной)

деформации;

$\{\varepsilon_{th}\}$  – вектор температурной деформации (определяется

соотношением (1-3).

Компоненты вектора напряжений показаны на Рис. 1-1. Для используемых в программе ANSYS напряжений и деформаций принято следующее правило знаков: величины, относящиеся к растяжению, являются положительными, к сжатию - отрицательными. Компоненты сдвига считаются положительными, если их направления совпадают с направлениями соответствующих координатных осей. Деформации сдвига представляют собой инженерные деформации, а не компоненты тензора.

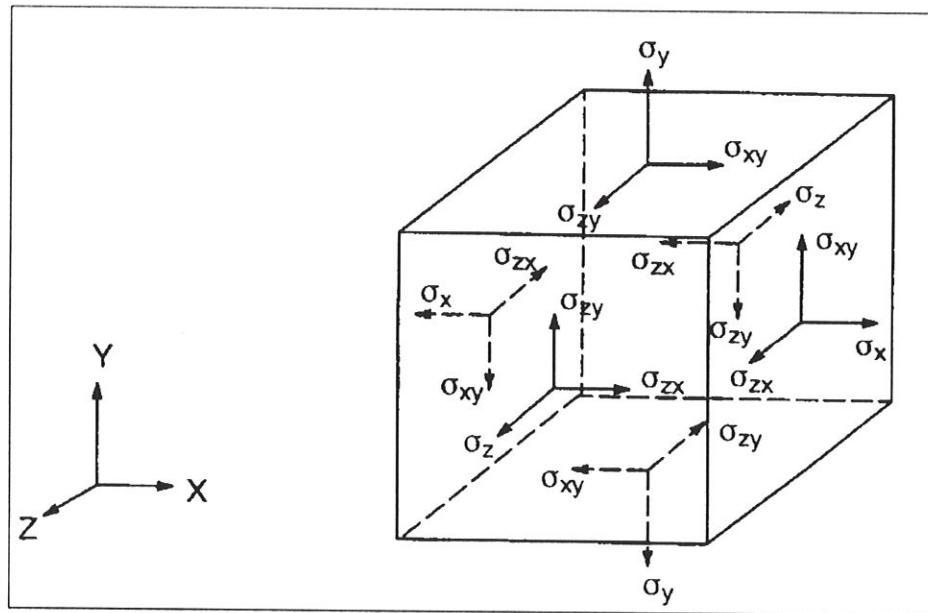


Рис. 1.1 – Компоненты вектора напряжений

Уравнение (1-1) может быть обращено следующим образом:

$$\{\varepsilon\} = \{\varepsilon_{th}\} + [D]^{-1} \{\sigma\}. \quad (1-2)$$

Для трехмерного случая вектор температурных деформаций определяется в виде соотношения

$$\{\varepsilon_{th}\} = \Delta T \begin{bmatrix} \alpha_x & \alpha_y & \alpha_z & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^T, \quad (1-3)$$

где  $\alpha_x$  – коэффициент температурного расширения в направлении оси x,

Матрица  $[D]^{-1}$ , нормализованная по столбцам, имеет вид:

$$[D]^{-1} = \begin{vmatrix} 1/E_x & -v_{xy}/E_y & -v_{xz}/E_z & 0 & 0 & 0 \\ -v_{yx}/E_x & 1/E_y & -v_{yz}/E_z & 0 & 0 & 0 \\ -v_{zx}/E_x & -v_{zy}/E_y & 1/E_z & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1/G_x & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/G_y & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1/G_z \end{vmatrix} \quad (1-4)$$

При использовании нормализация по строкам, матрица записывается следующим образом:

$$[D]^{-1} = \begin{vmatrix} 1/E_x & -v^*_{xy}/E_y & -v^*_{xz}/E_z & 0 & 0 & 0 \\ -v^*_{yx}/E_x & 1/E_y & -v^*_{yz}/E_z & 0 & 0 & 0 \\ -v^*_{zx}/E_x & -v^*_{zy}/E_y & 1/E_z & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1/G_{xy} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/G_{yz} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1/G_{zx} \end{vmatrix} \quad (1-5)$$

Для записи элементов этих матриц используются обозначения:

$E_x$  – модуль Юнга в направлении оси x,

$v_{xy}$  – минимальный коэффициент Пуассона,

$v^*_{xy}$  – максимальный коэффициент Пуассона,

$G_{xy}$  – модуль сдвига в плоскости x-y.

Матрица  $[D]^{-1}$  должна быть положительно определенной. Кроме того, эта матрица должна быть симметричной, поэтому для ортотропных материалов предполагается существование соотношений:

$$v_{yx} / E_x = v_{xy} / E_y$$

$$v_{zx} / E_x = v_{xz} / E_z$$

$$v_{zy} / E_y = v_{yz} / E_z$$

или

$$v^*_{yx} / E_y = v^*_{xy} / E_x$$

$$v^*_{zx} / E_z = v^*_{xz} / E_x$$

$$v^*_{zy} / E_z = v^*_{yz} / E_y$$

Согласно приводимым выше соотношениям, величины  $v_{xy}$ ,  $v_{zy}$ ,  $v_{zx}$ ,  $v^*_{yx}$ ,  $v^*_{zy}$  и  $v^*_{zx}$  являются зависимыми и поэтому не задаются при вводе исходных данных.

Из равенства (1-2) в развернутом виде, используя выражения (1-3), (1-4), а также (1-6) ... (1-8), получаем шесть уравнений:

$$\epsilon_x = \alpha_x \Delta T + \sigma_x / E_x - v_{xy} \sigma_y / E_y - v_{xz} \sigma_z / E_z \quad (1-12)$$

$$\epsilon_y = \alpha_y \Delta T + \sigma_y / E_y - v_{xy} \sigma_x / E_x - v_{yz} \sigma_z / E_z \quad (1-13)$$

$$\epsilon_z = \alpha_z \Delta T + \sigma_z / E_z - v_{xz} \sigma_x / E_x - v_{yz} \sigma_y / E_y \quad (1-14)$$

$$\epsilon_{xy} = \sigma_{xy} / G_{xy} \quad (1-15)$$

$$\epsilon_{yz} = \sigma_{yz} / G_{yz} \quad (1-16)$$

$$\epsilon_{xz} = \sigma_{xz} / G_{xz}, \quad (1-17)$$

где  $\epsilon_x$  - деформация в направлении оси x,

$\epsilon_{xy}$  - деформация сдвига в плоскости x - y,

$\sigma_x$  - напряжения в направлении оси x,

$\sigma_{xy}$  - напряжения сдвига в плоскости x - y;

компоненты с другими индексами получаются циклическим сдвигом ( $x - y - z$ ).

Уравнение (1-1) можно переписывается в развернутом виде, используя обратную матрицу (1-4), что вместе с уравнениями (1-3), (1-6) ... (1-8) дает шесть соотношений для напряжений:

$$\sigma_x = Ex/h [1 - (vyz)^2 Ey/Ez] (\epsilon_x - \alpha_x \Delta T) + Ex/h [vxy + vxzvzyz Ey/Ez] (\epsilon_y - \alpha_y \Delta T) + Ex/h [vxz + vyzvxy] (\epsilon_z - \alpha_z \Delta T) \quad (1-18)$$

$$\sigma_y = Ex/h [vxy + vxzvzyz Ey/Ez] (\epsilon_x - \alpha_x \Delta T) + Ey/h [1 - (vxz)^2 Ex/Ez] (\epsilon_y - \alpha_y \Delta T) + Ey/h [vyz + vxzvxy Ex/Ey] (\epsilon_z - \alpha_z \Delta T) \quad (1-19)$$

$$\sigma_z = Ex/h [vxz + vyzvxy] (\epsilon_x - \alpha_x \Delta T) + Ey/h [vyz + vxzvxy Ex/Ey] (\epsilon_y - \alpha_y \Delta T) + Ez/h [1 - (vxy)^2 Ex/Ey] (\epsilon_z - \alpha_z \Delta T) \quad (1-20)$$

$$\sigma_{xy} = G_{xy} \epsilon_{xy} \quad (1-21)$$

$$\sigma_{yz} = G_{yz} \epsilon_{yz} \quad (1-22)$$

$$\sigma_{xz} = G_{xz} \epsilon_{xz}, \quad (1-23)$$

в которых обозначено:

$$h = 1 - (vxy)^2 Ex/Ey - (vyz)^2 Ey/Ez - (vxz)^2 Ex/Ez - 2 vxy vyz vxz Ex/Ez.$$

Если модули сдвига  $G_{xy}$ ,  $G_{yz}$ ,  $G_{xz}$  не задаются при вводе, то их значения вычисляются следующим образом:

$$G_{xy} = (Ex Ey) / (Ex + Ey + 2 vxy Ex) \quad (1-24)$$

$$G_{yz} = G_{xy} \quad (1-25)$$

$$G_{xz} = G_{xy} \quad (1-26)$$

## 5. РАСЧЕТ НА СТАТИЧЕСКУЮ ПРОЧНОСТЬ

5.1 Задачей расчета является определение следующих величин:

( $\sigma$ )1 – приведённое напряжение, определяемое по составляющим общих мембранных напряжений;

( $\sigma$ )2 – приведённое напряжение, определяемое по сумме составляющих общих или местных мембранных и общих изгибных напряжений;

( $\sigma$ )R – размах приведённых напряжений, определяемый по сумме составляющих общих или местных мембранных и изгибных напряжений.

5.2 Расчёт выполнен для режимов НУЭ (р/с №1) и ГИ (р/с №2).

5.3 Условия прочности (пп. 8.10 ГОСТ 34233.1-2017):

Режим НУЭ:  $(\sigma)_1 \leq [\sigma]$ ;  $(\sigma)_2 \leq 1,5 \times [\sigma]$ ;  $(\sigma)_R \leq 3 \times [\sigma]$ ,

Режим ГИ:  $(\sigma)_1 \leq [\sigma]h$ ;  $(\sigma)_2 \leq 1,5 \times [\sigma]h$ ,

где  $[\sigma]$ ,  $[\sigma]h$  – номинальные допускаемые напряжения при расчётной температуре.

5.4 Расчёт выполнен методом конечных элементов в трёхмерной постановке. Конечно-элементная модель сосуда образована десятиузловыми тетраэдрическими элементами и показана на рисунке 2.

5.5 Действующие нагрузки: внутреннее давление, нагрузки со стороны присоединяемых трубопроводов.

5.6 Приведённая нагрузка, вызванная воздействием внешней силы и изгибающего момента определена в соответствии с пп. 6.3 ГОСТ 34233.4-2017.

5.7 Исходные данные и результаты расчёта корпусных деталей сосуда приведены в таблице 3.

5.8 Распределение интенсивности напряжений в элементах сосуда при действии расчётных нагрузок приведено на рисунках 3 и 4.

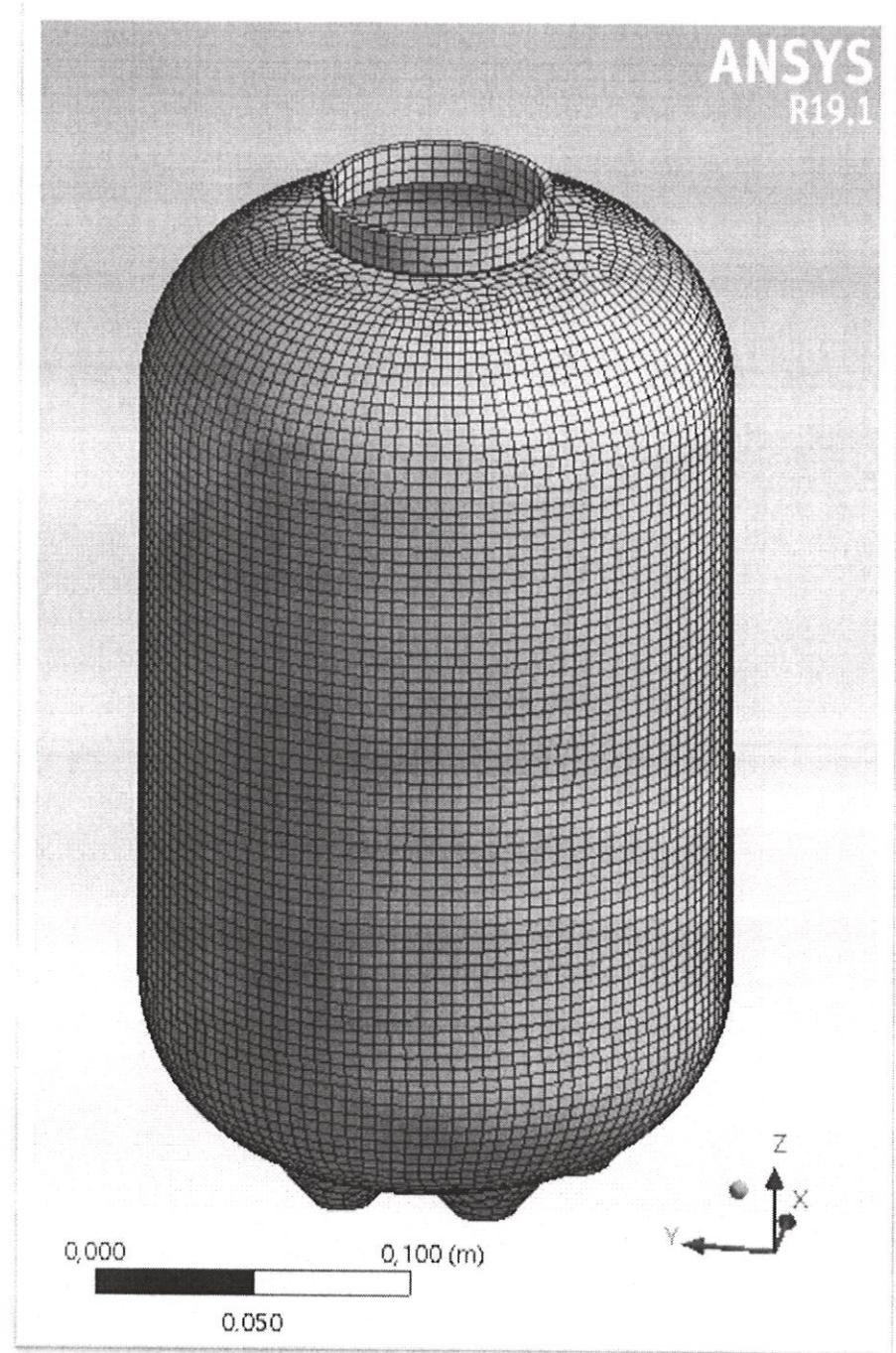


Рис. 5.1 – Конечно-элементная модель сосуда

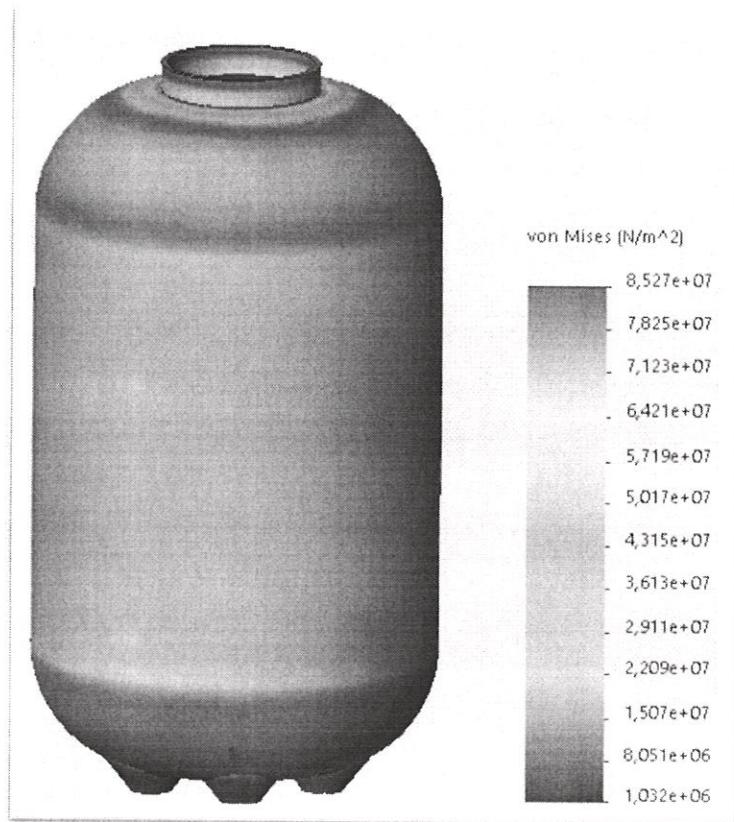


Рис. 5.2 – Интенсивность напряжения в режиме НУЭ (р/с №1), Мпа

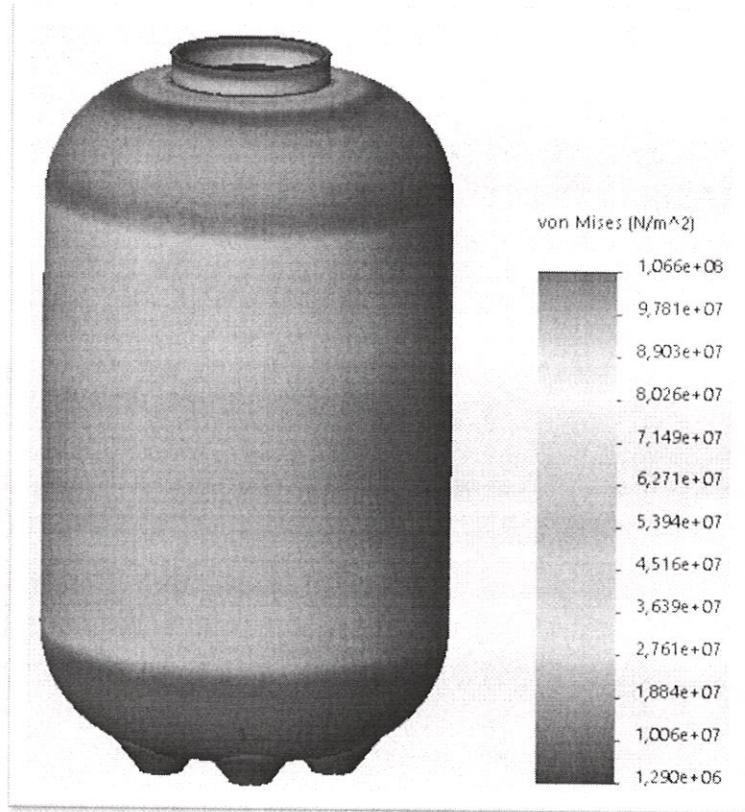


Рис. 5.3 – Интенсивность напряжения в режиме ГИ (р/с №2), Мпа

Результаты расчета сосуда на статическую прочность:

Таблица 3

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ		
Режим	НУЭ	ГИ
	р/с №1	р/с №2
Расчетное давление Р, МПа	0,6	0,85
Расчетная температура t, $^{\circ}\text{C}$	50	50
РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТА		
Приведенное напряжение ( $\sigma$ ) <sub>1</sub> , МПа		
Корпус	89,4	111,2
Допускаемое напряжение, МПа	201,2	187,1
Условие прочности	выполнено	
Приведенное напряжение ( $\sigma$ ) <sub>2</sub> , МПа		
Корпус	148,7	201,6
Допускаемое напряжение, МПа	301,0	279,8
Условие прочности	выполнено	

## **6. ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

Выполнен расчёт на статическую прочность сосуда стального сварного: баллона высокого давления из стали на условия эксплуатации, приведённые в разделе 2.

Оценка прочности выполнена для двух расчётных состояний (р/с):

- р/с №1: расчётная температура 50 °С при Рр= 1,6 МПа;
- р/с №2: расчётная температура 50 °С при Рр= 2,4 МПа.

Расчётные напряжения в элементах сосуда определены по номинальной толщине стенки, уменьшенной на величину производственной и эксплуатационной прибавок.

Величина производственной прибавки определена по предельному минусовому отклонению и принята по 14 квалитету.

По результатам расчёта:

статическая прочность сосуда стального сварного: баллона высокого давления из стали (ОП-8(б)-АВСЕ-01Ш) в режиме нормальной эксплуатации обеспечена.